# 查找

## 定义

根据给定的某个值，在查找表中确定一个其关键字等于给定值的数据元素（或记录）。

查找表（Search Table）是由同一类型的数据元素（或记录）构成的集合。

关键字（Key）是数据元素中某个数据项的值，又称为键值，用它可以标识一个数据元素。也可以标识一个记录的某个数据项（字段），我们称为关键码。

若此关键字可以唯一地标识一个记录，则称此关键字为主关键字（Primary Key）。注意这也就意味着，对不同的记录，其主关键字均不相同。主关键字所在的数据项称为主关键码。

那么对于那些可以标识多个数据元素（或记录）的关键字，我们称为次关键字（Secondary Key）。次关键字也可以理解为是不以唯一标识一个数据元素（或记录）的关键字，它对应的数据项就是次关键码。

## 分类

1）静态查找和动态查找；

注：静态或者动态都是针对查找表而言的。动态表指查找表中有删除和插入操作的表。

　　2）无序查找和有序查找。

无序查找：被查找数列有序无序均可；

有序查找：被查找数列必须为有序数列。

## 性能

平均查找长度（Average Search Length，ASL）：需和指定key进行比较的关键字的个数的期望值，称为查找算法在查找成功时的平均查找长度。

　　对于含有n个数据元素的查找表，查找成功的平均查找长度为：ASL = Pi\*Ci的和。

　　Pi：查找表中第i个数据元素的概率。

Ci：找到第i个数据元素时已经比较过的次数。

# 顺序表查找/无序查找

## 基本思想

顺序查找也称为线形查找，属于无序查找算法。从数据结构线形表的一端开始，顺序扫描，依次将扫描到的结点关键字与给定值k相比较，若相等则表示查找成功；若扫描结束仍没有找到关键字等于k的结点，表示查找失败。

## 具体步骤

## 代码实现

## 性能分析

查找成功时的平均查找长度为：（假设每个数据元素的概率相等） ASL = 1/n(1+2+3+…+n) = (n+1)/2 ;

　　当查找不成功时，需要n+1次比较，时间复杂度为O(n);

　　所以，顺序查找的时间复杂度为O(n)。

# 有序表查找

## 折半查找/二分查找

### 基本思想

也称为是折半查找/二分查找，属于**有序查找**算法。

用给定值k先与中间结点的关键字比较，中间结点把线形表分成两个子表，若相等则查找成功；若不相等，再根据k与该中间结点关键字的比较结果确定下一步查找哪个子表，这样递归进行，直到查找到或查找结束发现表中没有这样的结点。

前提条件：有序数组

二分查找寻找中间索引点需要注意：

### 具体步骤

### 代码实现

#### 递归



#### 循环



#include <stdio.h>

#include <stdlib.h>

//二分查找

/\*

在一个有序序列中查找某一个元素是否存在

如果存在，返回该元素在该序列中的索引位置

如果不存在，返回-1

\*/

/\*开区间实现：

如果high = n-1,while(high >= low) high = middle -1;

如果high = n while(high > low) high = middle;

\*/

int binary\_search(int\* array,int n,int key)

{

/\*闭区间实现\*/

int low = 0;

int high = n-1;

int mid;

if(high < low)

return -1;

while(high >= low)

{

mid = low+((high-low)>>1);

/\*二分查找中间值获取的标准写法，常见不规范的写法：

(high-low)/2或low+(high-low)/2

\*/

if(array[mid] == key)

return mid;

else if(array[mid] > key)

high = mid-1;

else

low = mid+1;

}

return -1;

}

int main()

{

int array[]={1,2,3,4,5,6,7,8,9,10};

printf("%d\n",binary\_search(array,10,4));

return 0;

}

### 性能分析

时间复杂度O(logN)。

### 应用

二分搜索常见的应用场景：

1、在有序序列中查找一个数，时间复杂度为O(logN)；

2、并不一定非要在有序序列中才能得到应用。

二分搜索常见考察点：

1、对于边界条件的考察（中间划分点的设计和循环终止条件）以及代码实现的能力；

2、二分搜索常见题目的变化：

2.1 给定处理或查找的对象不同；

2.2 判断条件不同；

2.3 要求返回的内容不同。

3、在有序循环数组中进行二分查找（如循环数组）

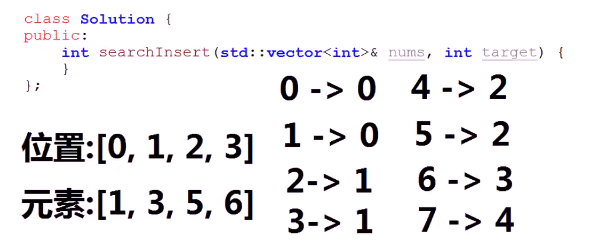
二分查找重要提醒：

经典的写法：mid=(left+right)/2（left+right可能溢出）

更安全的写法：mid=left+(right-left)/2

#### 插入位置

**题目：**给定一个排序数组nums（无重复元素）与目标target，如果target在nums里出现，则返回target所在下标，如果target在nums里未出现，则返回target应该插入位置的数组下标，使得target插入数组nums后，数组仍然有序。



注：Leetcode 35

分析：

1. 当target在nums中出现时，二分查找的流程无变化；
2. 当target在nums没有出现时：

2.1如果target<nums[mid]，且target>nums[mid+1]；

2.2如果target>nums[mid]，且target<nums[mid+1]；

1. 当mid=0或者mid=nums.size()-1时，边界条件应该如何处理？

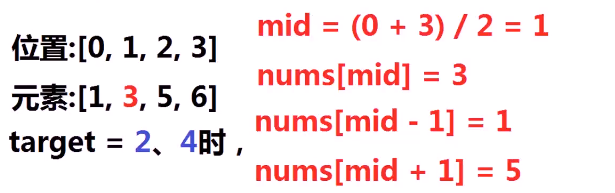
算法思路：

设元素所在的位置（或最终需要插入的位置）为index，在二分查找的过程中：

如果target==nums[mid]：index=mid；

如果target<nums[mid]，且（mid==0或target>nums[mid-1]）：index=mid；

如果target>nums[mid]，且（mid==nums.size()-1或target<nums[mid+1]）：index=mid+1；



文本

AI 生成的内容可能不正确。

代码：



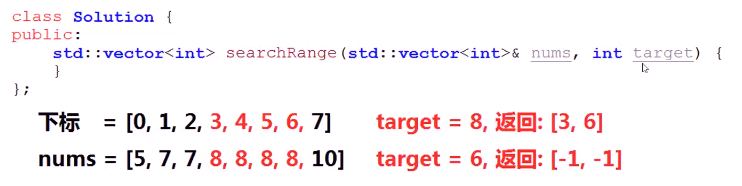
测试：

图形用户界面

AI 生成的内容可能不正确。

#### 区间查找

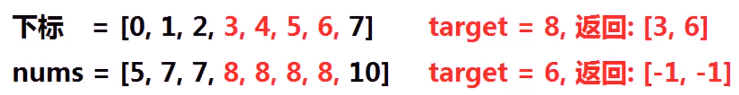
**题目：**给定一个排序数组nums（nums中有重复元素）与目标值target，如果target在nums中出现，则返回target所在区间的左右端点下标，[左端点，右端点]，如果target在nums里未出现，则返回[-1,-1]。



注：Leetcode 34

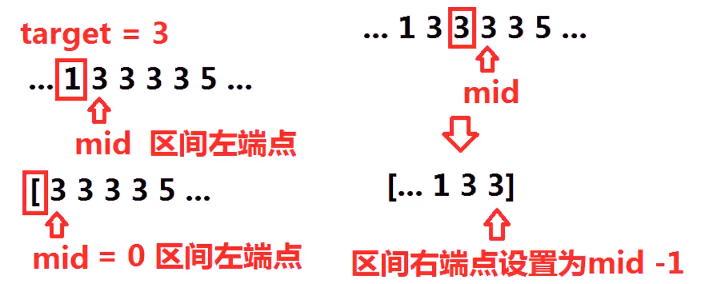
分析：

1. 可否直接通过二分查找，很容易同时求出目标target所在区间的左右端点？
2. 若无法同时求出区间左右端点，将对目标target的二分查找增加怎样的限制条件，就可分别求出目标target所在区间的左端点与右端点？



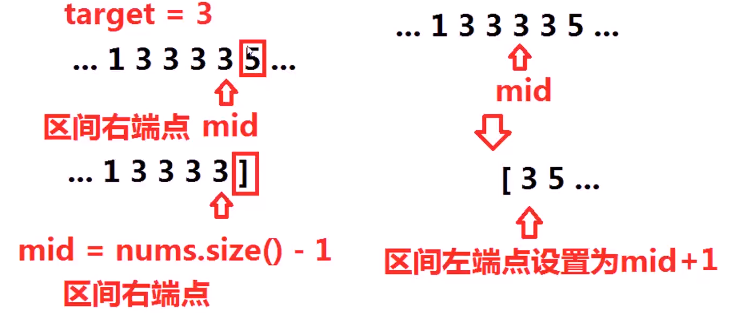
查找区间左端点时，增加如下限制条件：

当target==nums[mid]时，若此时mid==0或nums[mid-1]<target，则说明mid即为区间左端点，返回；否则设置区间右端点为mid-1。

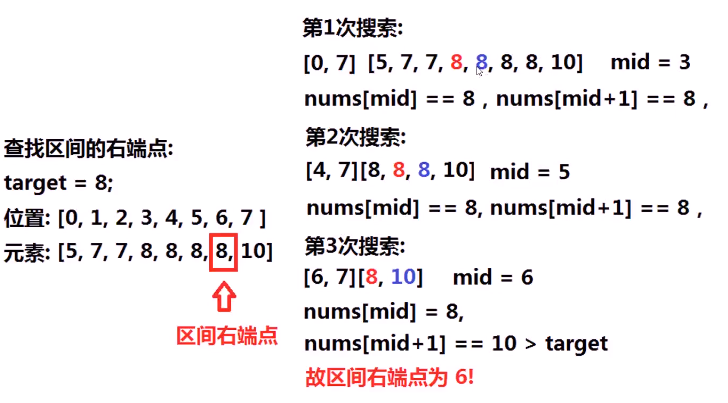


查找区间右端点时，增加如下限制条件：

当target==nums[mid]时，若此时mid==nums.size()-1或nums[mid+1]>target，则说明mid即为区间右端点；否则设置区间左端点为mid+1



算法思路：

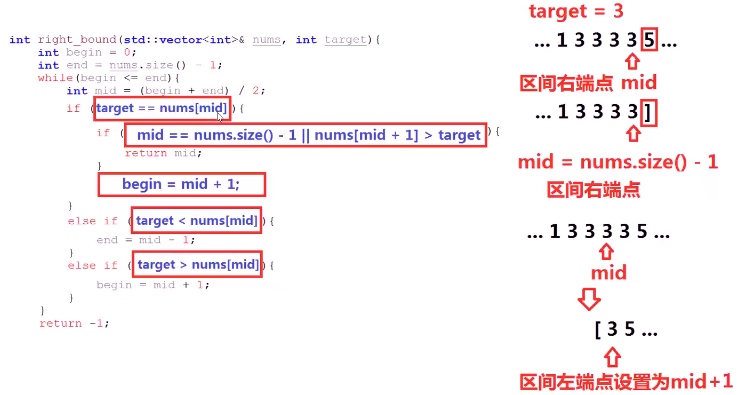


代码：

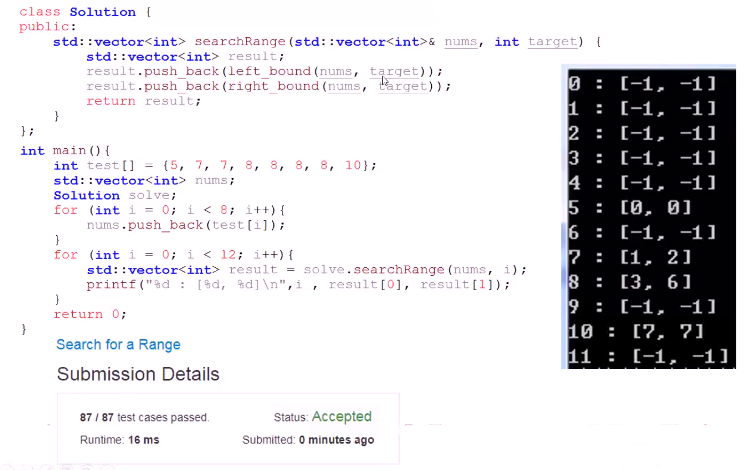
设置区间左端点：



设置区间右端点：



测试：



#### 查找缺失元素

题目：一个有N个元素的数组，每个元素都是[1,N+1]序列中的某一个，且序列中的每个数至多被包含一次，那么该序列中有一个数没被包含，如何查找缺失的那个数？

解题思路：将1…N+1这些数加起来，得到一个和sum，然后遍历数组，sum减去数组中的每一个值，最后的值就是缺失的元素。

拓展：

一个有N个元素的数组，每个元素都是[1,N+2]序列中的某一个，且序列中的每个数至多被包含一次，那么该序列中有2个数没被包含，如何查找缺失的那2个数？

思路：使用中位数，将数组分为2个子数组，然后按照前面的解题思路递归就可以解决问题。如果前后两个子数组各有一个缺失的数，则正好解决；如果都在前面的子数组中，则继续按照中位数划分前面的子数组，递归下去求解；如果两个缺失的数都在后面的子数组中，则继续按照中位数递归下去求解。

#### 查找元素的上下限

题目要求：在一个有序序列中查找某一元素的上下限。

代码：

#include <iostream>

#include <vector>

using namespace std;

//在一个有序序列中，查找某一个元素在该序列中的下限索引

//找到第一个不小于该元素的下标索引

int lower\_bound(int\* array,int low,int high,int key)

{

int mid;

if(high < low)

return -1;

//利用二分查找的策略

while(high >= low)

{

mid = low+((high-low)>>1);

if(array[mid] < key)

low = mid+1;

else

high = mid-1;

}

return low;

}

/\*

在一个有序序列中，查找某一个元素在该序列中的上限索引

找到第一个大于该元素的下标索引

\*/

int upper\_bound(int\* array,int low,int high,int key)

{

int mid;

if(high < low)

return -1;

while(high >= low)

{

mid = low+((high-low)>>1);

if(array[mid]>key)

high = mid-1;

else

low = mid+1;

}

return low;

}

/\*上述代码就是查找元素上下限的代码实现\*/

/\*

查找某一个元素在一个有序序列总的范围

包含该缘故的上下限 该区间为两端闭区间

如果没有找到就返回-1

\*/

pair<int,int> Findvalue(vector<int>& vec,int key)

{

pair<int,int> pos(-1,-1);

int mid,begin = 0,end = vec.size();

//首先判断该元素是否存在

while(begin <= end)

{

mid = begin + ((end-begin)>>1);

if(vec[mid] == key)

{

pos.first = mid;

pos.second = mid;

break;

}

else if(vec[mid] > key)

end = mid-1;

else

begin =mid+1;

}

if(vec[mid] != key)

return pos;

int low = mid-1;

int high = mid+1;

//找低地址

while(begin <= low)

{

mid = begin +(low-begin)/2;

if(vec[mid] < key)

begin = mid+1;

else

low = mid-1;

}

pos.first = begin;

//找高地址

while(high <= end)

{

mid = high +(end-high)/2;

if(vec[mid] > key)

end = mid-1;

else

high = mid+1;

}

pos.second = high -1;

return pos;

}

int main()

{

int array[]={1,2,3,3,3,3,3,3,4,5,7};

cout<<lower\_bound(array,0,10,3)<<endl;

cout<<upper\_bound(array,0,10,3)<<endl;

vector<int> vec(array,array+sizeof(array)/sizeof(int));

pair<int,int> pos = Findvalue(vec,3);

cout<<pos.first<<endl<<pos.second<<endl;

return 0;

}

拓展：熟悉STL模板库中查找元素上下限的函数，并阅读其代码实现。

#### 查找元素下限值位置

题目：给定一个有序数组arr，其中不含有重复元素，请找到满足arr[i]==i条件的最左的位置。如果所有位置上的数都不满足条件，返回-1。

#### 局部最小值

题目：给定一个无序数组arr，已知任意相邻的两个元素，值都不重复，请返回任意一个局部最小的位置。

所谓局部最小的位置是指，如果arr[0]<arr[1]，那么位置0就是一个局部最小的位置。如果arr[N-1]（也就是arr最右的数）小于arr[N-2]，那么位置N-1也是局部最小的位置。如果位置i既不是最左位置也不是最右位置。那么只要满足arr[i]同时小于它左右两侧的值即（arr[i-1]和arr[i+1]），那么位置i也是一个局部最小的位置。

#### 寻找多个集合的交集

题目：有两个无序序列，寻找两个序列的交集。

思考：如果拓展为多个无序序列呢？

代码：

#include <iostream>

#include <vector>

#include <algorithm>

using namespace std;

/\*

查找两个**无序**数组的交集

\*/

void FindElements(vector<int>& first,vector<int>& second)

{

if(first.size() <=0 || second.size() <= 0)

return;

//先排序

sort(first.begin(),first.end());

/\*使用标准STL中的sort，底层实现是快排\*/

sort(second.begin(),second.end());

//查找元素个数少的数组在另一个数组中是否出现

if(first.size() >second.size())

first.swap(second);

/\*这个判断是保证first始终是元素少的数组\*/

int i,key;

for(i =0;i<first.size();i++)

{

key = first[i];

int low = 0;

int high = second.size()-1;

//以first数组中的元素为基准 在second数组中进行二分查找

while(low<= high)

{

int mid = low +(high-low)/2;

//如果找到说明是交集中的元素，那么打印出来，再判断下一个元素是否可以找到

if(key == second[mid])

{

cout<<second[mid]<<endl;

break;//相等则跳出，否则死循环

}

else if(key > second[mid])

low = mid+1;

else

high = mid-1;

}

}

}

int main()

{

int array[]={5,4,3,8,9,7,0};

int array1[]={11,8,34,3,4,8,9,2};

vector<int> first(array,array+sizeof(array)/sizeof(int));

vector<int> second(array1,array1+sizeof(array1)/sizeof(int));

FindElements(first,second);

return 0;

}

拓展：

1、如果是多个无序序列，最优的时间复杂度是多少？

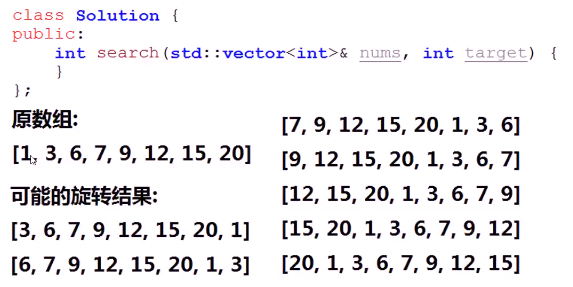
2、一个有N个元素的数组，每个元素都是[1,N+2]序列中的某一个，且序列中每个数至多被包含一次，那么该序列中有两个数没被包含，如何查找没被包含的两个数？

比如有100个元素，以50为基准，左右看缺少多少个，然后递归。

#### 旋转数组中的查找

**题目：**在一个无重复元素的旋转数组中查找某一个元素是否存在（这里的旋转数组是指原来一个升序的无重复元素的数组经过向右旋转得到）。

给定一个排序数组nums（nums中有无重复元素），且nums可能以某个未知下标旋转，给定目标值target，求target是否在nums中出现，若出现返回所在下标，未出现返回-1。



注：Leetcode 33

说明：旋转数组是指{1,2,3,4,5,6,7,8}🡪{4,5,6,7,8,1,2,3}

分析：

在旋转数组[7,9,12,15,20,1,3,6]中，若使用未加修改的二分查找，查找target=12或target=3，则出现如下情况：

当前mid=3，nums[mid]=15：

查找target=12：target(12)<nums[mid](15)，则在子区间[7,9,12]中继续查找，可以找到12，返回正确结果。

查找target=3：target(3)<nums[mid](15)，则在子区间[7,9,12]中继续查找，不可找到3，返回错误结果。

思考：二分查找是否可以继续使用，如希望得到正确的结果，应如何修改？

对于旋转数组：[7,9,12,15,20,1,3,6]，nums[begin]>nums[end]

查找target=12，由于target(12)<nums[mid](15)，查找正确的原因：

1. nums[begin](7)<nums[mid](15)，区间[7,9,12,15]顺序递增；
2. target(12)>nums[begin](7)，故target(12)只可能在顺序递增区间[7,9,12,15]中。

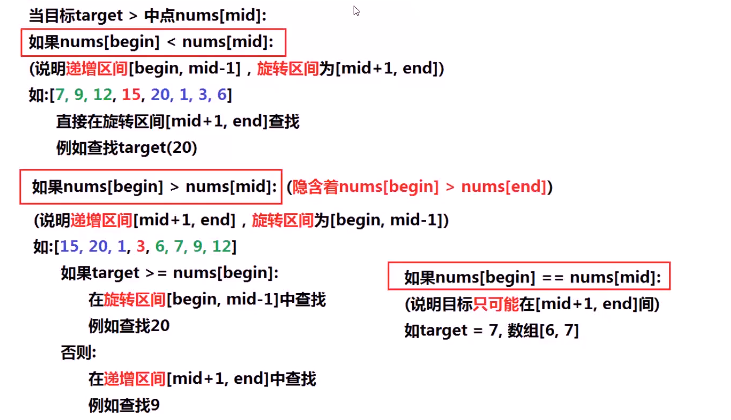
在查找target=3时，由于target(3)<nums[mid](15)，查找错误的原因：

1. nums[begin](7)<nums[mid](15)，区间[20,1,3,6]包括旋转点，为旋转区间；
2. target(3)<nums[begin](7)，故target(3)可能在旋转区间[20,1,3,6]中，此时忽略了该情况。

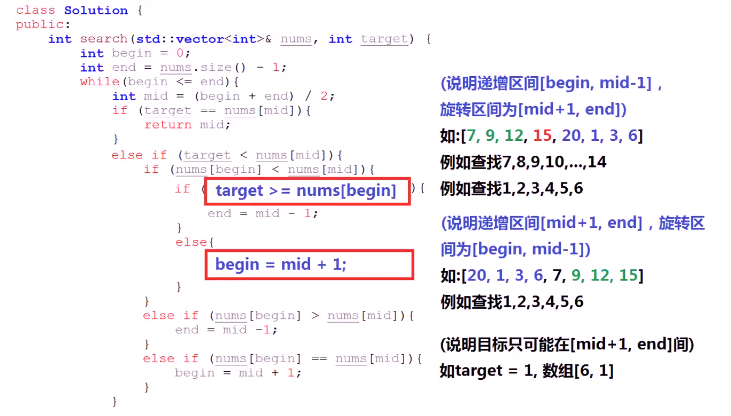
结论：若希望使用二分查找，需要修改二分查找，将可能在旋转区间[20,1,3,6]的情况考虑进去。

算法思路：



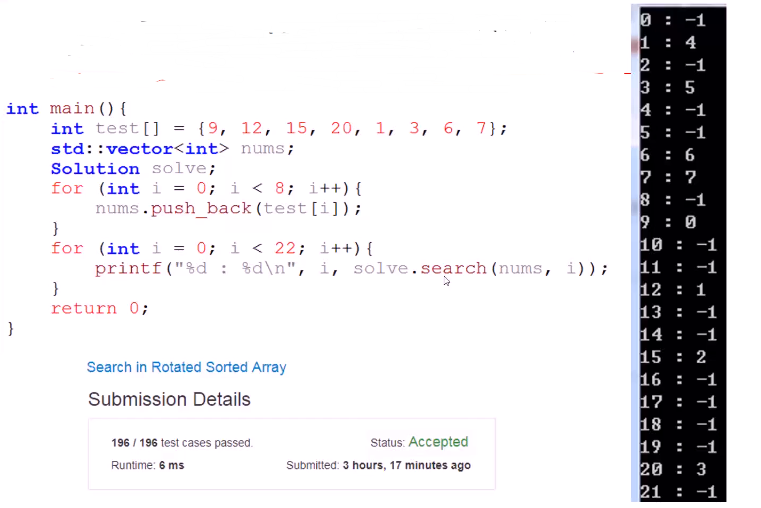


代码：





测试：



代码：

#include <iostream>

#include <vector>

#include <string>

using namespace std;

/\*

在一个无重复元素的已经被旋转过的数组中查找某一个元素

如果该元素存在该旋转数组中，返回1

如果该元素不存在该旋转数组中，返回0

\*/

bool RotateArray(vector<int>& vec,int key)

{

int low =0,high = vec.size()-1;

int mid;

while(low<=high)

{

mid = low + (high-low)/2;

if(vec[mid] == key)

return 1;

//根据两个子数组的性质来划分情况

if(vec[mid]>vec[low]) //前半部分一定是升序

{

if(key >= vec[low]&& key<vec[mid])

//说明待查找的元素在升序子序列中

high =mid-1;

else//剩下的情况继续在旋转数组中查找

low = mid+1;

}

else //前半部分不是升序，包含了经过旋转的部分

{

if(key > vec[mid]&& key<= vec[high])

low= mid+1;

else

high = mid-1;

}

}

return 0;

}

/\*

在一个有重复元素的旋转数组中查找某一个元素

判断该元素是否存在

\*/

bool RotateArray(vector<int>& vec,int key)

{

int low = 0,high=vec.size()-1;

int mid;

//同样使用二分查找的思想

while(low <= high)

{

mid = low+(high-low)/2;

if(vec[mid] == key)

return 1;

if(vec[mid] > vec[low])//前半部分是升序

{

if(key >= vec[low] && key < vec[mid])

high = mid-1;

else

low = mid+1;

}

else if(vec[mid] < vec[low]) //前半部分是降序

{

if(key > vec[mid] && key <= vec[high])

low = mid+1;

else

high = mid-1;

}

else

low++;

}

return 0;

}

int main()

{

int array[]={4,5,6,7,0,1,2};

vector<int> vec(array,array+sizeof(array)/sizeof(int));

cout<<RotateArray(vec,9)<<endl;

}

#### 完全二叉树结点个数

题目：给定一颗完全二叉树的头结点head，返回这棵树的节点个数。如果完全二叉树的节点数为N，请实现时间复杂度低于O(N)的解法。

#### 求K的N次方

题目：如果更快的求一个整数k的N次方。如果两个整数相乘并得到结果的时间复杂度为O(1)，得到整数k的N次方的过程请实现时间复杂度为O(logN)的方法。

## 差值查找

### 基本思想

对于折半查找算法，我们略微等式变换后得到：

mid = (low+high)/2 = low + 1/2(high - low)

也就是mid等于最低下标log加上最高下标high与low的差的一半。对这个1/2进行改进，改进为下面的计算方案：

mid = low + (key – a[low])/a[high] – a[low] \* (high - low)

这里将1/2改成(key – a[low]) / a[high] – a[low]

### 具体步骤

### 代码实现

### 性能分析

## 斐波那契查找

### 基本思想

### 具体步骤

### 代码实现

### 性能分析

# 线性索引查找

## 稠密索引/聚簇索引

* **原理：**

- 为数据集的每个记录都创建一个索引项

- 索引项包含键值和指向实际数据记录的指针

- 索引文件按键值有序排列（通常采用B+树等结构组织）

* **特点：**

- 优点：查找速度快（O(log n)），支持精确匹配和范围查询

- 缺点：存储开销大（索引大小≈数据大小）

* **应用场景：**主键索引、内存数据库

## 分块索引/稀疏索引/非聚簇索引

* **原理：**

- 将数据集分块存储（块内无序，块间有序）

- 每个块创建一个索引项，包含：

- 块内最大键值

- 块起始地址

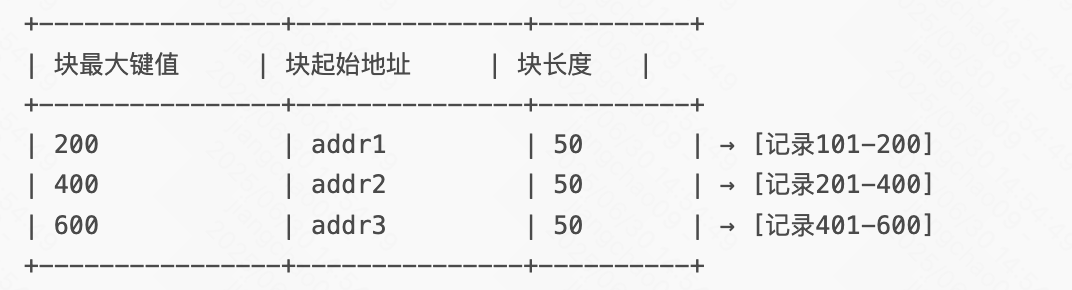
- 块长度

* **查找过程：**

1、在索引中二分查找定位目标块

2、在块内顺序查找目标记录

* **特点：**



- 优点：索引体积小（仅为稠密索引的1/块大小）

- 缺点：块内需顺序查找

* **应用场景：**文件系统索引、数据库二级索引

## 倒排索引

* **原理：**

- 建立词项→文档的映射（与传统"文档→词项"相反）

- 包含两个核心组件：

1、词项字典：所有唯一词项的排序列表

2、倒排记录表：每个词项对应的文档ID列表

* **结构示例：**

词项字典：

+-----------+

| "算法" |

| "数据库" |

| "索引" |

+-----------+

↓

倒排记录表：

"算法" → [文档1, 文档3, 文档5]

"数据库"→ [文档2, 文档4]

"索引" → [文档1, 文档2, 文档5]

* **查询处理：**

- AND查询：求记录表的交集（如"算法 AND 索引" → [文档1, 文档5]）

- OR查询：求记录表的并集

- NOT查询：求记录表的差集

* **特点：**

- 优点：支持高效关键词检索、布尔查询

- 缺点：更新维护成本高

* **应用场景：**搜索引擎（Google/Bing）、文档数据库（Elasticsearch）

## 对比



技术选型指南

1、需要精确查找 → 稠密索引

2、处理大文件范围查询 → 分块索引

3、实现关键词搜索 → 倒排索引

4、混合使用：现代数据库常组合多种索引（如MySQL的B+树索引+全文索引）

# 二叉排序树

## 平衡二叉树（AVL树）

## 多路查找树（B树）

# 散列表查找（哈希表）

# 应用

## 搜索插入的位置

给定一个排序数组和一个目标值，在数组中找到目标值，并返回其索引。如果目标值不存在于数组中，返回它将会被按顺序插入的位置。

你可以假设数组中无重复元素。

请必须使用时间复杂度为 O(log n) 的算法。

## X的平方根

计算并返回x的平方根，其中x是非负整数。

由于返回类型是整数，结果只保留整数的部分，小数部分将被舍去。

注：LeetCode 69

分析：

基本思想是在区间 [1, x] 上进行二分查找，每次取中间值 mid，并比较 mid 和 x/mid 的大小关系，如果 mid 小于等于 x/mid，则说明 mid 是可能的结果，更新 ans，并在右半部分继续查找；如果 mid 大于 x/mid，则在左半部分继续查找。直到找到最后一个满足条件的 mid，即为所求的平方根。

## 平方数之和

注：LeetCode 633

## 丢失的数字

给定一个包含 0, 1, 2, ..., n中n个数的序列，找出 0 .. n中没有出现在序列中的那个数。

注：LeetCode 268

分析：

可以采用排序/二分查找，哈希表或者位运算实现。

## 第 k 个缺失的正整数

注：LeetCode 1539

## 第 N 位数字

注：LeetCode 400

## 寻找重复数

注：LeetCode 287

## 两个数组的交集

给定两个数组，编写一个函数来计算它们的交集。

注：LeetCode 349

分析：

可以采用排序+双指针，哈希表的方法解决。

## 两个数组的交集II

给你两个整数数组 nums1 和 nums2 ，请你以数组形式返回两数组的交集。返回结果中每个元素出现的次数，应与元素在两个数组中都出现的次数一致（如果出现次数不一致，则考虑取较小值）。可以不考虑输出结果的顺序。

注：LeetCode 350

## 最小公共值

注：LeetCode 2540

## 找出数组排序后的目标下标

注：LeetCode 2089

## 两个数组间的距离值

注：LeetCode 1385

## 在排序数组中查找元素的第一个和最后一个位置

注：LeetCode 34

## 两数之和 II - 输入有序数组

注：LeetCode 167

## 有序数组中的单一元素

注：LeetCode 540

## 正整数和负整数的最大计数

注：LeetCode 2529

## 长度最小的子数组

注：LeetCode 209

## 猜数字大小

猜数字游戏的规则如下：

每轮游戏，我都会从 1 到 n 随机选择一个数字。 请你猜选出的是哪个数字。

如果你猜错了，我会告诉你，你猜测的数字比我选出的数字是大了还是小了。

你可以通过调用一个预先定义好的接口 int guess(int num) 来获取猜测结果，返回值一共有 3 种可能的情况（-1，1或0）：

-1：我选出的数字比你猜的数字小 pick < num

1：我选出的数字比你猜的数字大 pick > num

0：我选出的数字和你猜的数字一样。恭喜！你猜对了！pick == num

返回我选出的数字。

注：LeetCode 374

分析：

二分查找

## 按权重随机选择

注：LeetCode 528

## 二分查找

注：LeetCode 704

## 寻找比目标字母大的最小字母

给你一个排序后的字符列表 letters ，列表中只包含小写英文字母。另给出一个目标字母target，请你寻找在这一有序列表里比目标字母大的最小字母。

在比较时，字母是依序循环出现的。举个例子：

如果目标字母 target = 'z' 并且字符列表为letters = ['a', 'b']，则答案返回'a'

注：LeetCode 744

分析：

二分查找

## 检查整数及其两倍数是否存在

注：LeetCode 1346

## 统计有序矩阵中的负数

注：LeetCode 1351

## 搜索旋转排序数组

注：LeetCode 33

## 搜索二维矩阵

注：LeetCode 74

## 搜索二维矩阵 II

注：LeetCode 240

## 排列硬币

注：LeetCode 441

## 岛屿数量

## 词语阶梯

## 火柴棍摆正方形

## 收集雨水